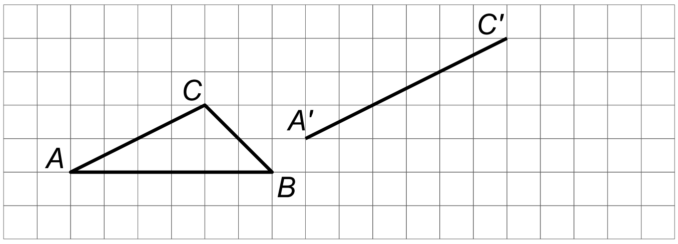
Énoncés

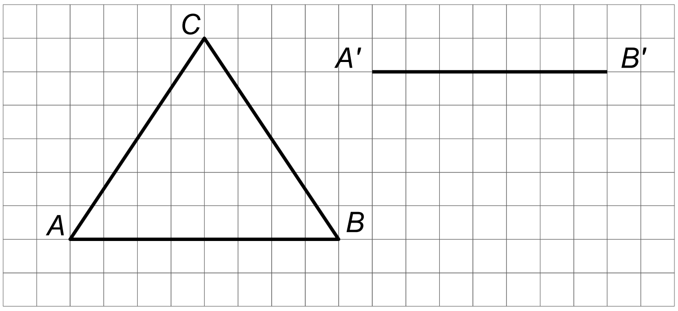
Exercice 17

À l'aide d'une règle non graduée, compléter chacun des dessins suivants, dans lesquels un triangle ABC est semblable à un triangle A'B'C'. Les sommets A, B et C correspondent respectivement aux sommets A', B' et C'.

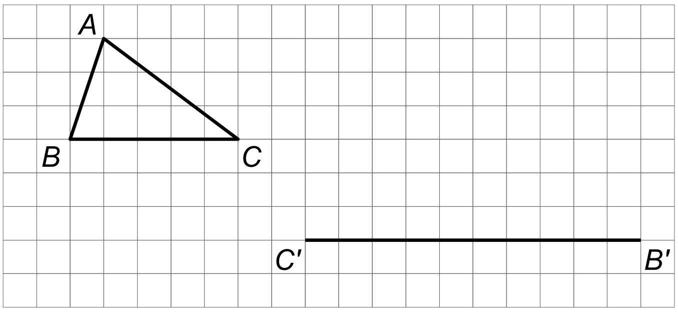
a]



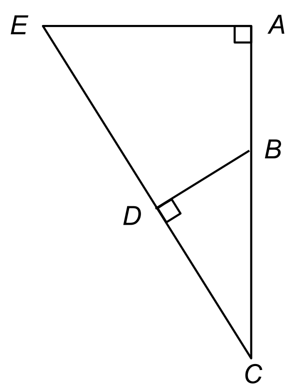
b]



c]



Exercice 18



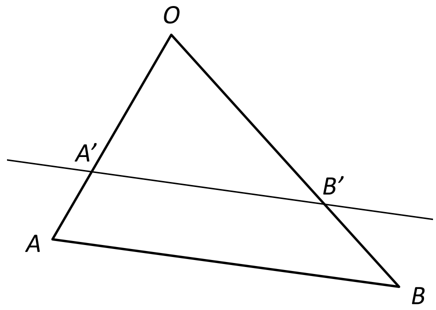
On considère la figure ci-contre avec : $AE = 3$ cm ; $AC = 5$ cm ; $CD = 3$ cm.

1. Montrer que les triangles *EAC* et *BDC* sont semblables.
Préciser les sommets homologues.

2. Calculer la longueur *BD*.

Exercice 19 *Le théorème de Thalès*

Soit un triangle *OAB* et deux points *A′* et *B′* tels que :



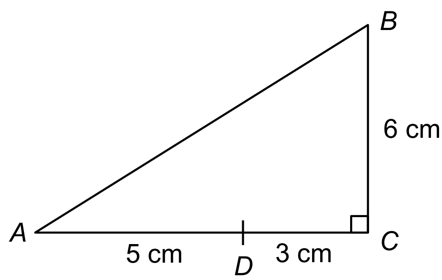
$A' \in [OA]$
$B' \in [OB]$
$(A'B') \parallel (AB)$

Montrer que l'on a la double égalité suivante :

$$\frac{OA'}{OA} = \frac{OB'}{OB} = \frac{A'B'}{AB}$$

Exercice 20

On considère la figure ci-contre.



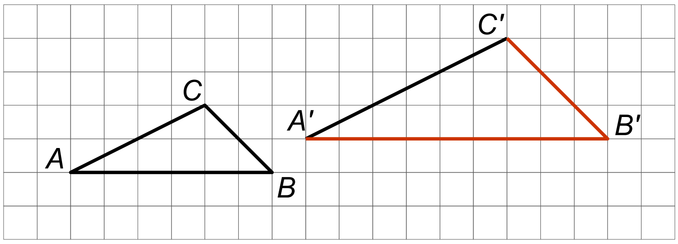
1. Placer deux points **distincts** *E* et *F* sur [*AB*] tels que :
_ les triangles *ABC* et *ADE* sont semblables
_ les triangles *ABC* et *ADF* sont semblables

2. Calculer le rapport de réduction de chacun des triangles *ADE* et *ADF* par rapport à *ABC*.

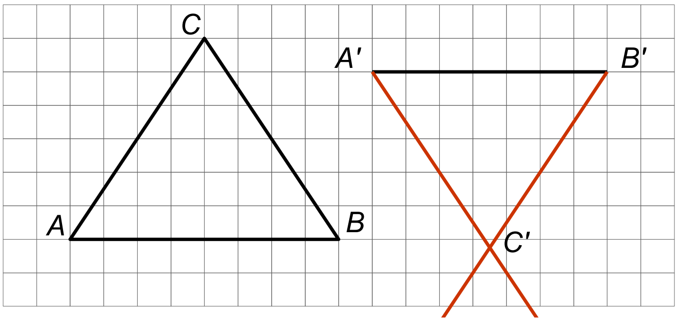
Corrigés

Exercice 17

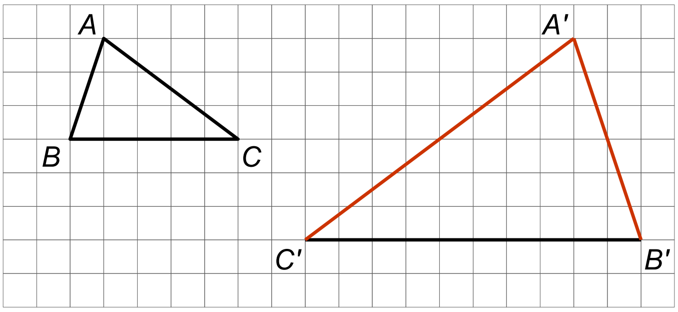
a]



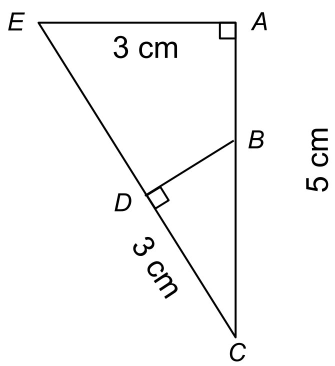
b]



c]



Exercice 18



1. On a $\widehat{ACE}=\widehat{BCD}$ et $\widehat{EAC}=\widehat{BDC}$.
Comme les triangles *ACE* et *BCD* ont deux mesures d'angles communes, alors ils sont semblables.

Les sommets homologues de ***A*, *E* et *C*** sont respectivement ***D*, *B* et *C***.

2. Le côté [*CD*] de *BCD* est l'homologue du côté [*AC*] de *ACE*.
Le triangle *BCD* est la réduction de *ACE* avec le rapport $\dfrac{CD}{AC}=\dfrac{3}{5}=0{,}6$.

Comme [*BD*] est l'homologue de [*EA*] alors on en déduit que $BD = AE \times 0{,}6$
$BD = 3 \times 0{,}6$
d'où ***BD* = 1,8 cm**.

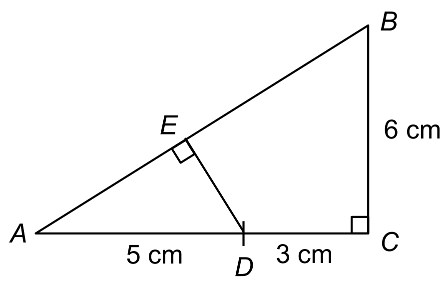
Exercice 19 *Le théorème de Thalès*

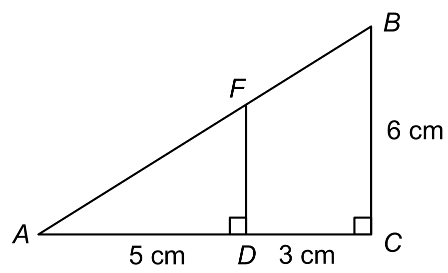
Comme les angles $\widehat{OAB}$ et $\widehat{OA'B'}$ sont correspondants et que (*AB*) et (*A'B'*) sont parallèles alors ils ont la même mesure.
De même on a $\widehat{OBA}=\widehat{OB'A'}$.

Comme tous leurs angles ont la même mesure alors les triangles *OAB* et *OA'B'* sont semblables.
Par conséquent, l'un est l'agrandissement de l'autre et les longueurs de leurs côtés sont proportionnelles, d'où la double inégalité suivante :
$\frac{OA'}{OA}=\frac{OB'}{OB}=\frac{A'B'}{AB}$

Exercice 20

1.





2. **a]** Le côté [*AD*] du triangle *AED* est l'homologue du côté [*AB*] de *ABC*.
Comme *ABC* est un triangle rectangle en *C* alors $AB^2=AC^2+BC^2$
$AB^2=64+36$
$AB^2=100$ d'où *AB* = 10 cm.

Le rapport de réduction de *AED* est $\frac{5}{10}=\mathbf{\frac{1}{2}}$

b] Le côté [*AD*] du triangle *AED* est l'homologue du côté [*AC*] de *ABC*.
Le rapport de réduction de *AFD* est donc $\frac{AD}{AC}=\mathbf{\frac{5}{8}}$